

MOBİL CİHAZLARDA RSA ALGORİTMASININ PERFORMANS OPTİMİZASYONU

Tarık YERLİKAYA^{1*}, Hakan GENÇOĞLU²

¹ Trakya Üniversitesi Mühendislik Fakültesi Bilgisayar Mühendisliği Bölümü, Edirne

² İstanbul Aydın Üniversitesi Fen Edebiyat Fakültesi Matematik-Bilgisayar Bölümü, İstanbul

Özet: Asimetrik şifreleme algoritmaları, simetrik algoritmalara göre çok yavaş çalışırlar. Fakat anahtar dağıtım problemleri yoktur. Optimize edilmedikleri sürece fazla sayıda işlem yaparak şifreleme işlemini gerçekleştirirler. Ayrıca, örneğin RSA algoritması, tatmin edici bir güvenlik için, çok büyük asal sayılar kullanarak şifreleme yapar. Bu durum da donanım için ekstra işlem yükü demektir. Genel kullanımda asimetrik algoritmalar küçük veri paketlerini şifrelemek için kullanılır. Bu çalışmamızda mobil cihazlar üzerinde RSA algoritmasının çalışması test edilmiştir. Mobil cihazların kısıtları göz önüne alınarak RSA algoritması optimize edilmiş ve algoritmanın hızlı çalışması sağlanmıştır.

Anahtar Kelimeler: Mobil iletişim; RSA; Mobil RSA; Mobil Veri Güvenliği; Biginteger

OPTIMIZATION OF PERFORMANCE OF THE RSA ALGORITHM ON MOBILE DEVICES

Abstract: Asymmetric encryption algorithms encrypt data very slowly according to symmetric encryption algorithms but there is no key distribution problem in asymmetric algorithms. Asymmetric algorithms make a lot of process to encrypt the data unless they are optimized. Besides RSA algorithm uses very big prime numbers for satisfactory security and it means extra process for the hardware. Asymmetric algorithms is usually used for encryption of very small data packets. In this study we tested the performance of RSA algorithm on mobile devices. Considering boundaries of mobile devices we optimized the RSA algorithm, and fast operation of the algorithm was provided.

Keywords: Mobile communications; RSA; Mobile RSA; Mobile Data Security; Biginteger

*Corresponding Author: Tarık YERLİKAYA

e-mail: tarikyer@trakya.edu.tr

GİRİŞ

Teknolojinin gelişmesi, internetin yaygınlaşması, mobil cihazlar ve bilgisayarların hayatımızda vazgeçilemez bir hal almaya başlamasıyla veri güvenliği önem kazanmıştır. Veri güvenliği artık iletişim güvenliği olarak anılmaya başlanmıştır. Bulut teknolojisi platform bağımsız ve kesintisiz iletişimin gerçekleşmesini sağlar. Bununla birlikte verilerimizin herkese açık güvensiz internet ortamında bulunması gerekmektedir. Özel bilgilerimizin herkese açık ortamlarda korunabilmesi için şifreleme tekniklerinden yararlanılabilir. Veriler internet ortamına girmeden önce mobil cihazlar veya bilgisayarlarda şifrelenerek internete verilirse, verileri ele geçirmeye çalışan üçüncü şahıslar için anlamsız veri katarları haline gelecektir.

Kısıtlı kaynakları dolayısıyla mobil cihazlarda şifreleme algoritmalarının doğru bir şekilde kullanılması gerekir. Matematik tabanlı asimetrik şifreleme algoritmalarının içerdiği çözülmesi zor problemler çok fazla işlem ve kaynak gerektirmektedir. Bu algoritmaların mobil cihazlarda kullanılabilmesi için optimize edilmeleri gerekir. Bu çalışmamızda RSA algoritmasının içerdiği üs alma işlemi optimize edilerek mobil cihazlardaki performansı ölçülmüştür. Üs alma işlemi için İkili üs alma (Binary Method), çok büyük asal sayıların depolanabilmesi ve işlemleri için BigInteger sınıfı kullanılmış Windows platformunu içeren masaüstü pceler ile Android platformunu içeren tabletlere yönelik yazılan uygulamalar ile performans testi gerçekleştirilmiştir.

ÖNCEKİ ÇALIŞMALAR

Mobil cihazlarda şifreleme ve veri iletimi üzerine farklı çalışmalar yapılmıştır. “Bluetooth üzerinden güvenli veri iletimi” isimli çalışmada küçük boyutlu verilerin akıllı olmayan mobil cihazlarda bluetooth üzerinden gönderilmesi simetrik algoritma kullanılarak

yapılmıştır. [1] Başka bir çalışmada simetrik yapıda bir algoritma düşünülerek bu algoritma için akıllı telefonlara yönelik uygulama yazılmış ve analizi yapılmıştır.[2]

Çalışmamız gücü kanıtlanmış olan yüksek işlem gücü gerektiren RSA algoritmasının optimizasyon sonrasındaki performansını ölçecektir.

ŞİFRELEME ALGORİTMALARI

Simetrik Şifreleme Algoritmaları

Simetrik şifreleme algoritmaları şifreleme ve şifre çözme işlemleri için aynı anahtarı kullanır. Dolayısıyla anahtar gizli olmak zorundadır. Algoritma ne kadar güçlü olursa olsun anahtar bilindiği takdirde şifreli metin hemen çözülebilir. İki tür simetrik algoritmadan söz edilebilir.

- Blok şifreleme algoritmaları
- Akış şifreleme algoritmaları

Blok şifreler yaygın olarak Feistel Ağı veya Substitution-Permutation Ağı nı kullanır. Feistel mimarisine örnek olarak DES verilebilir, AES-Rijndael algoritması da Sustituoon-Permutation Ağı nı kullanır.

Hangi ağı kullanılırsa kullansınlar simetrik algoritmalar asimetrik algoritmalara göre çok hızlıdır. Basit yer değiştirme, xor lama, öteleme gibi işlemlerden oluşurlar.

Akış şifreler ise veri uzunluğuna eşit veya büyük, periyodik olmayan (Bir bölümü kullanılarak anahtarın tahmin edilemeyeceği), rastgele üretilmiş tek kullanımlık anahtarlar ile verinin işleme sokulması ile şifrelenirler. Buradaki en büyük problem tek kullanımlık tamamen rastgele üretilmiş tek kullanımlık anahtarı üretmektir.

Bu performanslarına rağmen şifreleme ve şifre çözme işlemleri için tek anahtar kullanmaları bu anahtarı alıcıya ileme işleminde büyük problem doğurur. Simetrik algoritmaların bu problemi farklı yöntemlerle çözülmeye çalışılmıştır.

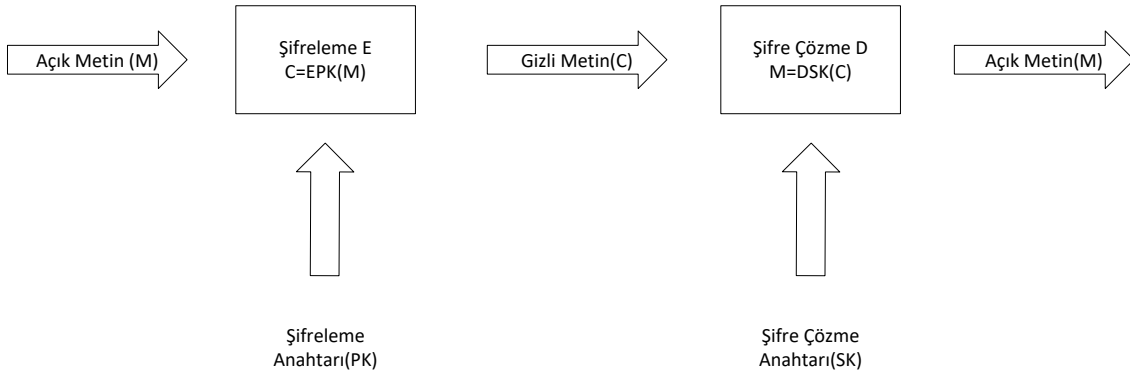


Şekil 1. Simetrik Algoritma Şifreleme – Şifre Çözme Süreci

Asimetrik Şifreleme Algoritmaları

Asimetrik şifreleme algoritmalarında şifreleme için ayrı, şifre çözme için ayrı anahtar kullanılır. Şifreleme için kullanılan anahtar açıktır ve herkes tarafından

bilinebilir. Şifre çözmek için kullanılan anahtar sadece şifreli metni çözecek olan alıcı tarafından bilinmelidir ve gizlidir. Bu iki anahtar matematiksel olarak birbirine bağlı olmakla birlikte açık anahtar kullanılarak gizli anahtarı elde etmek imkânsızdır.



Şekil 2. Asimetrik Algoritma Şifreleme – Şifre Çözme Süreci

Rivest-Shamir-Adleman (RSA) Algoritması

1977 yılında duyurulan algoritma ayrık logaritma problemine dayanır. Çok büyük sayıları oluşturma ve işleme zorluğu üzerine kuruludur. Anahtar oluşturma işlemi asal sayılar ile yapılır.

- P ve Q gibi çok büyük iki asal sayı seçilir.
- Bu iki asal sayının ve bir eksiklerinin çarpımı $N = P \cdot Q$, $\phi(N) = (P-1)(Q-1)$ hesaplanır.
- 1'den büyük $\phi(N)$ 'den küçük $\phi(N)$ ile aralarında asal bir E tamsayısı seçilir.
- Seçilen E tamsayısının $\text{mod} \phi(N)$ 'de tersi alınır sonuç D gibi bir tamsayıdır.
- E ve N tamsayıları genel anahtarı, D ve N tamsayıları ise özel anahtarı oluşturur. [3]

RSA Sisteminin Güvenliği

RSA algoritmasına yapılabilecek saldırılardan birisi P ve Q sayılarını hesaplamaya çalışmaktır. P ve Q sayılarının tespit edilebilmesi durumunda $\phi(N)$ sayısı ve dolayısıyla D gizli anahtarı hesaplanabilir. Bu durumda şifrelenmiş metinler kolaylıkla çözülebileceği gibi imzalar da taklit edilebilir. $N = PQ$ olduğundan çarpanlara ayırma yapılarak P ve Q sayıları tahmin edilmeye çalışılır. Büyük sayıların çarpanlara kolayca ayrılabilmesiyle ilgili henüz kesin ve hızlı bir yöntem bulunmadığından P ve Q sayıları çok büyük seçilirse bu işlem imkânsızlaşır. [4]

RSA algoritmasında şifreleme işlemi şifrelenmesi düşünülen karakterin ASCII karakter tablosundaki

karşılıklarının belirlenen E anahtarı üssünün N sayısına göre mod alma işlemi ile gerçekleştirilir. İşte bu noktada iki adet problem ortaya çıkmaktadır.

- E ve D anahtarlarının büyüklüğü nedeniyle üs alma işleminin uzun sürmesi
- Seçimler ve işlemler sonucunda ortaya çıkan çok büyük sayıların depolanması

Bu çalışmamızda bu iki probleme yönelik masaüstü pc'ler için Windows platformu mobil cihazlar için android platformu kullanılarak uygulama geliştirilmiş ve performans tespiti yapılmıştır.

MODÜLER ÜS ALMA

Bilgi teknolojilerinde klasik üs alma işlemleri kullanılacak olursa üs adet çarpma işlemi yapılması gerekir. Örneğin RSA algoritmasında şifrelemek için kullanılacak olan $E=230910291$ anahtarı 230910291 defa çarpma işlemi yapılacağı anlamına gelir. Bu işlemin şifrelenmesi istenen metnin her bir karakteri için yapıldığı düşünülecek olursa sonucun ne kadar uzun sürdüğü tahmin edilebilir.

Modüler üs alma algoritmaları kullanıldığında ise bu işlem çok daha kısa sürede sonlandırılır. Bu çalışmamızda ikili üs alma metodu (Binary Method) kullanılmıştır. İkili üs alma metodu üs değerini ikili sistemde değerlendirerek her bit değerine göre işlem yapar. Örneğin 230910291 sayısının bit karşılığı $1101110000110110100101010011$ ve üs alma işlemi için 15 defa çarpma işlemi yapılacaktır. [3]

Örneğin $3^{15} \pmod{10}$ işlemini ele alalım.

$3^{15}=14348907$ ve $14348907 \pmod{10}=7$ olduğundan $3^{15} \pmod{10}=7$ dir. Klasik üs alma mantığında tabanın 15 defa kendisiyle çarpılmasını gerektiren döngü kurulur.. İkili üs alma metodunda 15 sayısının bit karşılığı olan 1111 daki bit karakterleri adedi kadar yani 4 defa işlem yapılır. Algoritma şöyledir:

1. Sonuç=1
2. Eğer son bit 1 ise sonuç = sonuç*taban mod n
3. Değilse taban = taban*taban mod n
4. Üssü bir bit sağa kaydır
5. 2. Adıma git

Bu işlem sonucunda tabanın 4 adımda 15. Kuvveti alınmış olur.

UYGULAMA

Çalışmamızda RSA algoritmasının Android ve Windows platformlarındaki performansı test edilmiştir. Android platformunun doğal dili olan java kullanılarak uygulama geliştirilmiş ve bu uygulama bir emulator tablet de ve gerçek tablet de çalıştırılmıştır. Windows platformu için c# dilinde uygulama yazılmış ve pc de test edilmiştir. Şifrelenecek veri olarak 65 basamaklı ve 260 basamaklı iki adet sayı seçilmiştir.

Uygulamanın PC versiyonu Windows 10 işletim sistemi, AMD Phenom II işlemci 8 GB ram donanımına sahip masaüstü bilgisayarda, mobil versiyonu Android 4.0.4 işletim sistemi NVIDIA Tegra 1Ghz dual core 1GB Ram Motorola Xoom tablet ve Android 4.1 Jelly Bean işletim sistemi Armeabi – v7a tek Çekirdekli İşlemci 1536GB Ram Emulator tablet ile yapılmıştır.

RSA algoritmasının gücü P ve Q sayılarının büyük seçilmesi işlemine dayanır. Çalışmamızda P ve Q sayıları 210 basamaklı sayılar olarak seçilmiştir. Bu sayılar internet kullanılarak bulunmuştur. [7]

P=44941799905544149399470929709310851301537
3787049558499205492347871729927573118262811
5083866559982990745669743737114725606550262
8866809429169935784346436300314467494034591
2431129144354948751003607115263071543163


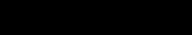

Q=64380800680355443923012985496149269915138
6107534013432918073439524138264842370630061
3697153947391340909229373325903847203971333
3596954925632262097903668663321390395296617
5107096769180017646161851573147596390153 [7]

N=P*Q=289338906193525499909317085655129300
1773658486700109961034756033503178071108094
4105049006243396690672409759478946409204186
8234779460846467780600013115080911663202548
7984149797615133484802447858476276955511439
6475472301425409140272482770187464927317230
5439102905243504563990021195470065862978429
7642678110394919124636699652538653628662441

5307794116103533080079864885165789674278482
 8971363925559538465164094116837927673939
 RSA algoritması için E ve D anahtarları Windows ortamında uygulama geliştirilerek üretilmiştir. İki farklı büyüklükte E anahtarı kullanılmıştır. E_1 420 basamaklı E_2 308 basamaklı olarak seçilmiş ve her iki anahtar için herbiri 420 basamaklı iki D sayısı hesaplanmıştır.

$E_1=2191007700470190299469236189207046547807$
 5347341351581999187130963874531838325784436
 7901619636661499361367622567440110817709893
 6821973442370654121788255320036390417075308
 5217925561261453818094693505575658637821077
 7259055692692918735485429836147390774001555
 1134024708378635302446698425203228020408082
 9351539945184630643754015532464903878676812
 5940836697831889235140434104142880088647385
 7359302083664059655692859376166741533486398
 96427300375823168517
 $E_2=3157083730890974884250214496685364102445$
 0264728818095748921581783447412920502908050
 7103654722281168713194040426421514457423857
 1130148178476564419665845450244628912258161
 7319348379356331850008179259028949751861606

2420514855096875088931556678287531788602201
 7716891358184895809093914454816407009963973
 2801073138721649628355607659579847095655052
 7572577859656543150376036960635758078365336
 5186573914824413133690978548022051604438783
 2110784785042930655040959873483654544388484
 756545632816163725513303088751836125
 $D_1=2756102913292844246673085809538503466452$
 9965413962635482077732432107210292711949943
 9840253609749968
 1055579175618953249512476137340735673395471
 2985868410232247023646289416203446636415675
 0746120271
 $D_2=2064824821240874531041246248912755755331$
 2331862683870051723779558073078781205874917
 6171053305919677893709948022295929390104800
 3544822691742079947555085333970889206239999
 0006606226880234582796813688626751946588624
 3413404622461586461980999632804471440168292
 9332159296850808918955143939187315250789146
 7568015110071391024177728386302189929212829
 1196252206821874403960889807145789250565190
 299813745951901757616181042652186335

		Şifreleme	Şifre Çözme
Motorola XOOM	65 Basamak - 213 Bit	 RSA Açık Metin: 122333444455555666667777778888 88889999999910101010101010101010 0 <hr/> Şifrele <hr/> Şifreleme Suresi: 0.357745 Şifreli Metin: 25193776607000773124545935595735 12247850088145341410199229399803 27633805137256295444197122183155 19520488003685764450457244369576 04936700810025748417967039174506 31518571612815328366250070089753 72426461833439226465601210616224 52693394089778957821969703732870 38201918117532836157520801944059 5450009421486367331620755175857 02418541064575607352800557689963 84908511075131229280152562307285 47537233011146708051445116620328 3384 <hr/> 	 Şifreyi Çöz <hr/> Şifre Cozme Suresi: 0.356603001 Şifre Çözülmiş Metin: 122333444455555666667777778888 88889999999910101010101010101010 0 <hr/> 
	260 Basamak - 861 Bit	 RSA Açık Metin: 122333444455555666667777778888 88889999999910101010101010101010 012233344445555666667777778888 88889999999910101010101010101010 <hr/> Şifrele <hr/> Şifreleme Suresi: 0.370943 Şifreli Metin: 12073858303842255841695482984482 87437683100179052936478901116098 61196242906987639559890027733900 99047133899123760292804057019425 23494766875894041436886776838803 18000227769667363909497393022015 86858232338043189794609023284684 78428419245674121283722360821393 94248248483807374097097576947886 53605914482714412292110508996287 98184132054422059239752369280244 95357846438829507836814556099871 13845043223184325636494523369942 1847 <hr/> 	 Şifreyi Çöz <hr/> Şifre Cozme Suresi: 0.357499001 Şifre Çözülüş Metin: 122333444455555666667777778888 88889999999910101010101010101010 012233344445555666667777778888 88889999999910101010101010101010 101223344445555666667777778888 88889999999910101010101010101010 0101223344445555666667777778888 88889999999910101010101010101010 1010 <hr/> 

Emülator	65 Basamak - 213 Bit		
	260 Basamak - 861 Bit		

PC	65 Basamak - 213 Bit		
	260 Basamak - 861 Bit		

BIGINTEGER SINIFI

Ayrıca aynı sınıf java dilinde de mevcuttur. [5,6]

Biginteger sınıfı Microsoft Windows işletim sistemine .NET framework 4 ile dahil olmuş bir sınıftır. Çok büyük sayıları depolamaya ve onlarla işlem yapmaya yarar. Üst sınırı yoktur. Sayılar birer nesne gibi kabul edilir. Integer sayılar ile yapılabilen işlemler Biginteger sınıfı içinde özel metotlarla tanımlanmıştır. Ayrıca math sınıfındaki pow alma vb. metotlar da sınıfın içinde mevcuttur. Üst sınırının olmaması RSA algoritması için kullanılabilmesini kolaylaştırır.

SONUÇLAR

	Platform	Açık Metin Uzunluğu	Şifreleme Süresi (sn)	Şifre Çözme Süresi (sn)
E1 =420 BASAMAK - 1395 BİT	Masa Üstü PC	260-BASAMAK 861-BİT	0,30	0,27
		65-BASAMAK 213- BİT	0,25	0,26
260-BASAMAK 861-BİT		0,21	0,28	
65-BASAMAK 213- BİT		0,19	0,28	
E2 =308 BASAMAK - 1023 BİT	Motorola Xoom	260-BASAMAK 861-BİT	0,37	0,35
		65-BASAMAK 213- BİT	0,35	0,35
260-BASAMAK 861-BİT		0,28	0,35	
65-BASAMAK 213- BİT		0,21	0,35	
E1 =420 BASAMAK - 1395 BİT	Emulator	260-BASAMAK 861-BİT	1,55	1,33
		65-BASAMAK 213- BİT	1,46	1,26
260-BASAMAK 861-BİT		1,14	1,39	
65-BASAMAK 213- BİT		1,01	1,37	
E2 =308 BASAMAK - 1023 BİT				

Elde edilen sonuçlara göre RSA algoritması mobil cihazlarda kabul edilebilir sürelerde şifreleme işlemlerini gerçekleştirebilmektedir. Günümüzde mobil cihazların donanımları kişisel bilgisayarların

seviyesine geldiği düşünülecek olursa RSA algoritmasının sağladığı güvenlik uygulamalarda tercih edilebilir.

KAYNAKLAR

1. ÖZÇELİK M. A., KARABULUT M., SUBAŞI A., Bluetooth üzerinden güvenli veri iletimi. 2 ELECO '2012 Elektrik - Elektronik ve Bilgisayar Mühendisliği Sempozyumu, 29 Kasım - 01 Aralık 2012
2. ÇAKMAK A. ADALI E. , Mesajların Şifrelenmesinde Yeni Bir Yöntem ve Android Uygulaması. TÜRKİYE BİLİŞİM VAKFI BİLGİSAYAR BİLİMLERİ ve MÜHENDİSLİĞİ DERGİSİ ISSN 1305-899,1 Yıl 2013 Sayı 7
3. YERLİKAYA T., GENÇOĞLU H., EMİR M. K., ÇANKAYA M., BULUŞ E. RSA Şifreleme Algoritması Ve Aritmetik Modül Uygulaması. İstanbul Aydın Üniversitesi Dergisi Yıl 3 Sayı 9, Sayfa (95 - 104), 2011
4. UÇAN O. N., YERLİKAYA T., GENÇOĞLU H., GÜVENLİ HABERLEŞME TEKNİKLERİ. İstanbul Aydın Üniversitesi Dergisi Yıl 3 Sayı 12, Sayfa (69 - 82), 2011.
5. MSDN BigInteger Structure [https://msdn.microsoft.com/tr-tr/library/system.numerics.biginteger\(v=vs.110\).aspx](https://msdn.microsoft.com/tr-tr/library/system.numerics.biginteger(v=vs.110).aspx)

6. Java™ Platform, Standard Edition 7, Class
BigInteger
<https://docs.oracle.com/javase/7/docs/api/java/math/BigInteger.html>
7. University of Tennessee at Martin Primes Page
<https://primes.utm.edu/lists/small/small3.html>